

計量経済 II : 宿題 8

村澤 康友

提出期限 : 2020 年 12 月 1 日

注意 : すべての質問に解答しなければ提出とは認めない。授業の HP の解答例を正確に再現すること（乱数は除く）。グループで取り組んでよいが、個別に提出すること。解答例をコピペしたり、他人の名前で提出した場合は、提出点を 0 点とし、再提出も認めない。すべての結果をワープロ文書に貼り付け、pdf ファイルに変換して提出すること。

1. gretl のサンプル・データ wgmacro は、旧西ドイツのマクロの投資・所得・消費の 1960 年第 1 四半期～1982 年第 4 四半期の季節調整済みデータである。所得と消費のグレンジャー因果について、以下の分析を行なさい。

- 所得・消費（対数階差）の 2 変量 VAR(4) モデルを推定し、2 変数間のグレンジャー因果検定の F 検定統計量の p 値を示しなさい。
- 所得・消費・投資（対数階差）の 3 変量 VAR(4) モデルを推定し、所得・消費の 2 変数間のグレンジャー因果検定の F 検定統計量の p 値を示しなさい。

※ VAR モデルを推定すると、グレンジャー因果検定の F 検定統計量と p 値も出力される。

2. 前問と同じデータを使用する。所得・消費（対数階差）の 2 変量 VAR(4) モデルを推定し、変数の順序を変えてインパルス応答関数を比較しなさい（95 % 信頼区間も示すこと）。

- 所得・消費の順
- 消費・所得の順

※ 推定した VAR モデルのインパルス応答関数をプロットする手順は以下の通り。

- 推定結果の画面のメニューから「グラフ」→「インパルス応答」を選択。
- 「予測する期間数」を入力。
- 「ブートストラップ信頼区間を含む」をチェック。
- 信頼係数 $1 - \alpha$ を入力。
- 「コレスキー順序」を設定（先行する変数が上）。
- 「OK」をクリック。

3. 前問と同じデータとモデルを使用して、各変数の予測誤差分解を図示しなさい。

※ 推定した VAR モデルの予測誤差分解をプロットする手順は以下の通り。

- 推定結果の画面のメニューの「グラフ」→「分散分解を予測する」で変数を選択。
- 「予測する期間数」を入力。
- グラフの種類を選択。
- 「コレスキー順序」を設定（先行する変数が上）。
- 「OK」をクリック。

解答例

1. (a) 2 変量 VAR(4) モデルの推定結果

VAR モデル, ラグ次数: 4
 最小二乗法 (OLS) 推定量, 観測: 1961:2-1982:4 ($T = 87$)
 Log-likelihood = 569.727
 共分散行列の行列式の値 = 7.03108e-009
 AIC = -12.6834
 BIC = -12.1732
 HQC = -12.4779
 かばん検定 (Portmanteau test): LB(21) = 71.631, df = 68 [0.3583]

方程式 1: ld_income

| | 係数 | 標準誤差 | t-ratio | p 値 |
|--------------------|------------|--------------------|----------|--------|
| const | 0.00916667 | 0.00423939 | 2.162 | 0.0337 |
| ld_income_1 | -0.0475029 | 0.137666 | -0.3451 | 0.7310 |
| ld_income_2 | 0.0203763 | 0.149614 | 0.1362 | 0.8920 |
| ld_income_3 | 0.156903 | 0.154238 | 1.017 | 0.3122 |
| ld_income_4 | -0.0653646 | 0.143679 | -0.4549 | 0.6504 |
| ld_consumption_1 | 0.242406 | 0.162255 | 1.494 | 0.1392 |
| ld_consumption_2 | 0.102592 | 0.179680 | 0.5710 | 0.5697 |
| ld_consumption_3 | 0.0743322 | 0.166489 | 0.4465 | 0.6565 |
| ld_consumption_4 | 0.0339139 | 0.147066 | 0.2306 | 0.8182 |
| Mean dependent var | 0.018968 | S.D. dependent var | 0.011812 | |
| Sum squared resid | 0.010565 | S.E. of regression | 0.011638 | |
| R^2 | 0.119542 | Adjusted R^2 | 0.029239 | |
| $F(8, 78)$ | 1.323784 | P-value(F) | 0.244309 | |
| $\hat{\rho}$ | 0.002307 | Durbin-Watson | 1.993954 | |

ゼロ制約の F 検定

| | | |
|----------------------------|-----------------------|-----------------|
| All lags of ld_income | $F(4, 78) = 0.562628$ | [0.6905] |
| All lags of ld_consumption | $F(4, 78) = 0.635902$ | <u>[0.6384]</u> |
| All vars, lag 4 | $F(2, 78) = 0.103501$ | [0.9018] |

方程式 2: ld_consumption

| | 係数 | 標準誤差 | t-ratio | p 値 |
|--------------------|------------|--------------------|----------|--------|
| const | 0.00703256 | 0.00358462 | 1.962 | 0.0533 |
| ld_income_1 | 0.336748 | 0.116404 | 2.893 | 0.0049 |
| ld_income_2 | 0.360800 | 0.126506 | 2.852 | 0.0056 |
| ld_income_3 | 0.203602 | 0.130416 | 1.561 | 0.1225 |
| ld_income_4 | 0.0865131 | 0.121488 | 0.7121 | 0.4785 |
| ld_consumption_1 | -0.442682 | 0.137195 | -3.227 | 0.0018 |
| ld_consumption_2 | -0.138131 | 0.151929 | -0.9092 | 0.3661 |
| ld_consumption_3 | 0.126397 | 0.140775 | 0.8979 | 0.3720 |
| ld_consumption_4 | 0.0235226 | 0.124352 | 0.1892 | 0.8505 |
| Mean dependent var | 0.018378 | S.D. dependent var | 0.011021 | |
| Sum squared resid | 0.007554 | S.E. of regression | 0.009841 | |
| R^2 | 0.276862 | Adjusted R^2 | 0.202694 | |
| $F(8, 78)$ | 3.732901 | P-value(F) | 0.000963 | |
| $\hat{\rho}$ | 0.001900 | Durbin-Watson | 1.904516 | |

ゼロ制約の F 検定

| | | |
|----------------------------|-----------------------|----------|
| All lags of ld_income | $F(4, 78) = 3.29681$ | [0.0150] |
| All lags of ld_consumption | $F(4, 78) = 3.20279$ | [0.0173] |
| All vars, lag 4 | $F(2, 78) = 0.448052$ | [0.6405] |

(b) 3 変量 VAR(4) モデルの推定結果

VAR モデル, ラグ次数: 4

最小二乗法 (OLS) 推定量, 観測: 1961:2-1982:4 ($T = 87$)

Log-likelihood = 738.353

共分散行列の行列式の値 = 8.53139e-012

AIC = -16.0771

BIC = -14.9717

HQC = -15.6320

かばん検定 (Portmanteau test): LB(21) = 152.402, df = 153 [0.4985]

方程式 1: ld_investment

| | 係数 | 標準誤差 | t-ratio | p 値 |
|--------------------|-------------|--------------------|----------|--------|
| const | 0.00714076 | 0.0171878 | 0.4155 | 0.6790 |
| ld_investment_1 | -0.267888 | 0.114955 | -2.330 | 0.0225 |
| ld_investment_2 | -0.0702268 | 0.120929 | -0.5807 | 0.5632 |
| ld_investment_3 | 0.162136 | 0.123848 | 1.309 | 0.1945 |
| ld_investment_4 | 0.318690 | 0.118062 | 2.699 | 0.0086 |
| ld_income_1 | 0.409866 | 0.529704 | 0.7738 | 0.4415 |
| ld_income_2 | -0.164909 | 0.567110 | -0.2908 | 0.7720 |
| ld_income_3 | 0.0542716 | 0.579176 | 0.09370 | 0.9256 |
| ld_income_4 | -0.258145 | 0.539730 | -0.4783 | 0.6339 |
| ld_consumption_1 | 0.421302 | 0.643686 | 0.6545 | 0.5148 |
| ld_consumption_2 | 0.441097 | 0.705106 | 0.6256 | 0.5335 |
| ld_consumption_3 | -0.00886575 | 0.652669 | -0.01358 | 0.9892 |
| ld_consumption_4 | -0.548284 | 0.579633 | -0.9459 | 0.3473 |
| Mean dependent var | 0.015742 | S.D. dependent var | 0.044885 | |
| Sum squared resid | 0.139474 | S.E. of regression | 0.043414 | |
| R^2 | 0.195009 | Adjusted R^2 | 0.064470 | |
| $F(12, 74)$ | 1.493879 | P-value(F) | 0.145822 | |
| $\hat{\rho}$ | 0.029353 | Durbin-Watson | 1.922754 | |

ゼロ制約の F 検定

| | | |
|----------------------------|-----------------------|----------|
| All lags of ld_investment | $F(4, 74) = 3.54535$ | [0.0106] |
| All lags of ld_income | $F(4, 74) = 0.255617$ | [0.9054] |
| All lags of ld_consumption | $F(4, 74) = 0.360071$ | [0.8362] |
| All vars, lag 4 | $F(3, 74) = 2.73269$ | [0.0497] |

方程式 2: ld_income

| | 係数 | 標準誤差 | t-ratio | p 値 |
|--------------------|-------------|--------------------|----------|--------|
| const | 0.0114330 | 0.00458519 | 2.493 | 0.0149 |
| ld_investment_1 | 0.0480725 | 0.0306666 | 1.568 | 0.1212 |
| ld_investment_2 | 0.0582115 | 0.0322603 | 1.804 | 0.0752 |
| ld_investment_3 | 0.0160952 | 0.0330388 | 0.4872 | 0.6276 |
| ld_investment_4 | -0.00287199 | 0.0314953 | -0.09119 | 0.9276 |
| ld_income_1 | -0.0722543 | 0.141309 | -0.5113 | 0.6106 |
| ld_income_2 | 0.0380503 | 0.151288 | 0.2515 | 0.8021 |
| ld_income_3 | 0.173421 | 0.154507 | 1.122 | 0.2653 |
| ld_income_4 | -0.0531766 | 0.143984 | -0.3693 | 0.7129 |
| ld_consumption_1 | 0.191309 | 0.171716 | 1.114 | 0.2688 |
| ld_consumption_2 | -0.00498338 | 0.188101 | -0.02649 | 0.9789 |
| ld_consumption_3 | -0.00856435 | 0.174112 | -0.04919 | 0.9609 |
| ld_consumption_4 | 0.0246668 | 0.154629 | 0.1595 | 0.8737 |
| Mean dependent var | 0.018968 | S.D. dependent var | 0.011812 | |
| Sum squared resid | 0.009926 | S.E. of regression | 0.011582 | |
| R^2 | 0.172818 | Adjusted R^2 | 0.038680 | |
| $F(12, 74)$ | 1.288360 | P-value(F) | 0.243650 | |
| $\hat{\rho}$ | 0.004601 | Durbin-Watson | 1.984346 | |
| ゼロ制約の F 検定 | | | | |

| | | |
|----------------------------|------------------------|-----------------|
| All lags of ld_investment | $F(4, 74) = 1.19151$ | [0.3217] |
| All lags of ld_income | $F(4, 74) = 0.656848$ | [0.6239] |
| All lags of ld_consumption | $F(4, 74) = 0.455569$ | <u>[0.7680]</u> |
| All vars, lag 4 | $F(3, 74) = 0.0475061$ | [0.9862] |

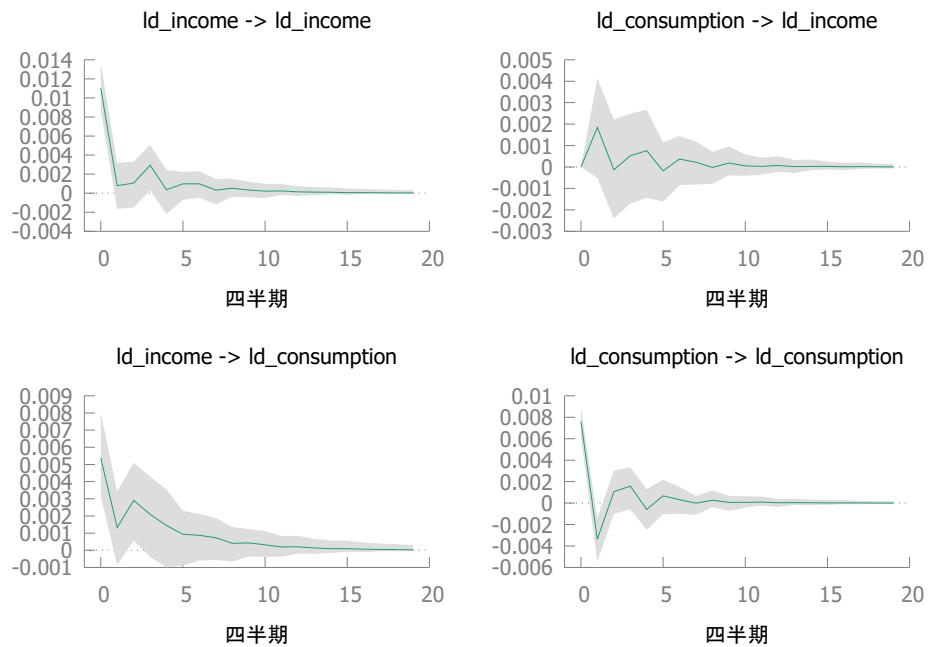
方程式 3: ld_consumption

| | 係数 | 標準誤差 | t-ratio | p 値 |
|--------------------|------------|--------------------|----------|--------|
| const | 0.00769718 | 0.00390494 | 1.971 | 0.0524 |
| ld_investment_1 | 0.00436965 | 0.0261169 | 0.1673 | 0.8676 |
| ld_investment_2 | 0.0395282 | 0.0274742 | 1.439 | 0.1544 |
| ld_investment_3 | 0.00872797 | 0.0281372 | 0.3102 | 0.7573 |
| ld_investment_4 | -0.0250735 | 0.0268227 | -0.9348 | 0.3529 |
| ld_income_1 | 0.297120 | 0.120344 | 2.469 | 0.0159 |
| ld_income_2 | 0.376714 | 0.128843 | 2.924 | 0.0046 |
| ld_income_3 | 0.218133 | 0.131584 | 1.658 | 0.1016 |
| ld_income_4 | 0.0939959 | 0.122622 | 0.7665 | 0.4458 |
| ld_consumption_1 | -0.418620 | 0.146240 | -2.863 | 0.0055 |
| ld_consumption_2 | -0.165454 | 0.160194 | -1.033 | 0.3050 |
| ld_consumption_3 | 0.0699289 | 0.148281 | 0.4716 | 0.6386 |
| ld_consumption_4 | 0.0254889 | 0.131688 | 0.1936 | 0.8471 |
| Mean dependent var | 0.018378 | S.D. dependent var | 0.011021 | |
| Sum squared resid | 0.007199 | S.E. of regression | 0.009863 | |
| R^2 | 0.310795 | Adjusted R^2 | 0.199032 | |
| $F(12, 74)$ | 2.780845 | P-value(F) | 0.003531 | |
| $\hat{\rho}$ | -0.003267 | Durbin-Watson | 1.905366 | |

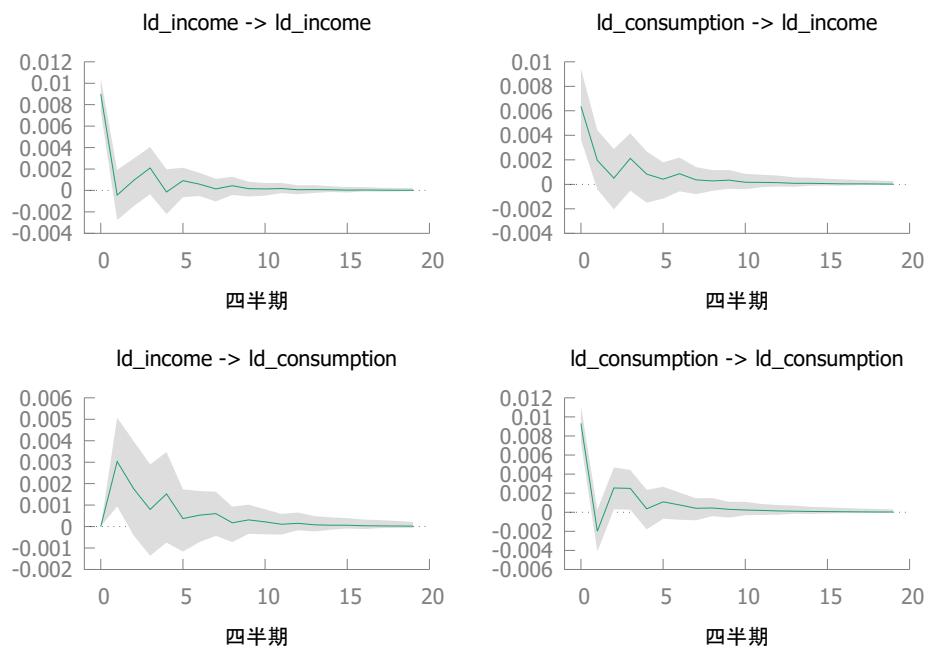
ゼロ制約の F 検定

| | | |
|----------------------------|-----------------------|----------|
| All lags of ld_investment | $F(4, 74) = 0.910861$ | [0.4622] |
| All lags of ld_income | $F(4, 74) = 2.96728$ | [0.0249] |
| All lags of ld_consumption | $F(4, 74) = 2.33572$ | [0.0632] |
| All vars, lag 4 | $F(3, 74) = 0.583211$ | [0.6279] |

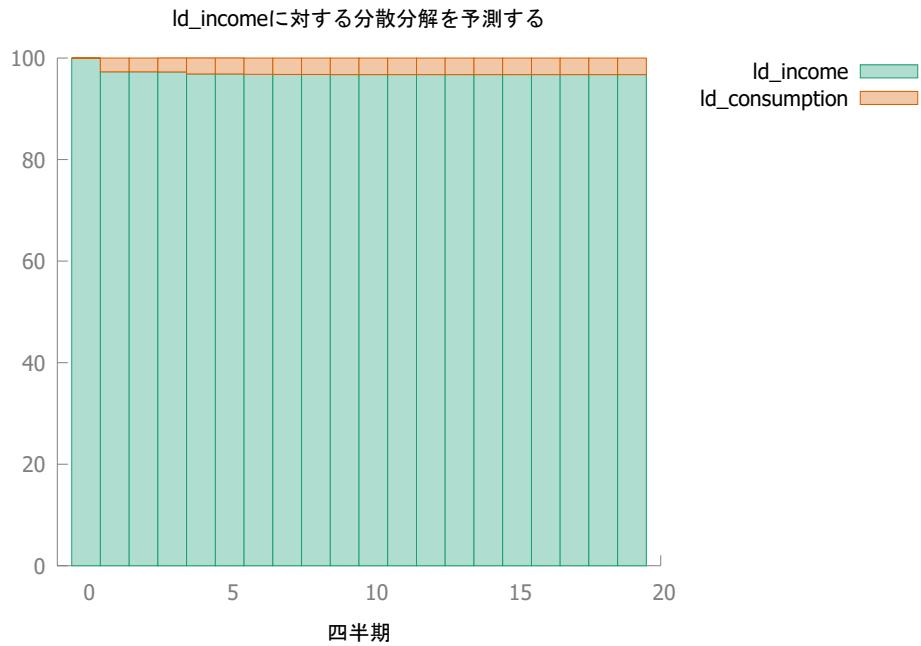
2. (a) 所得・消費の順



(b) 消費・所得の順



3. 所得（対数階差）の予測誤差分解



消費（対数階差）の予測誤差分解

