

## 中級統計学／経済統計 I：復習テスト 6

学籍番号 \_\_\_\_\_ 氏名 \_\_\_\_\_

2021 年 4 月 26 日（府大）／ 30 日（甲南）

**注意：**すべての質問に解答しなければ提出とは認めない。正答に修正した上で，復習テスト 1～8 を（左上で）ホチキス止めし，第 1 回中間試験実施日にまとめて提出すること。

1. 次の確率変数を考える。

$$X := \begin{cases} 1 & \text{with pr. } 1/2 \\ 0 & \text{with pr. } 1/2 \end{cases}$$

(a)  $X$  の cdf を式とグラフで表しなさい。

(b)  $X$  の pmf を式とグラフで表しなさい。

2. 以下の cdf に対応する pdf を式とグラフで表しなさい。(ヒント: cdf を微分すればよい.)

(a)

$$F(x) := \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ x & \text{for } 0 \leq x \leq 1 \\ 1 & \text{for } 1 < x \end{cases}$$

(b)

$$F(x) := \begin{cases} 0 & \text{for } x < 1 \\ 1 - 1/x & \text{for } x \geq 1 \end{cases}$$

(c)

$$F(x) := \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1 - 1/e^x & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$$

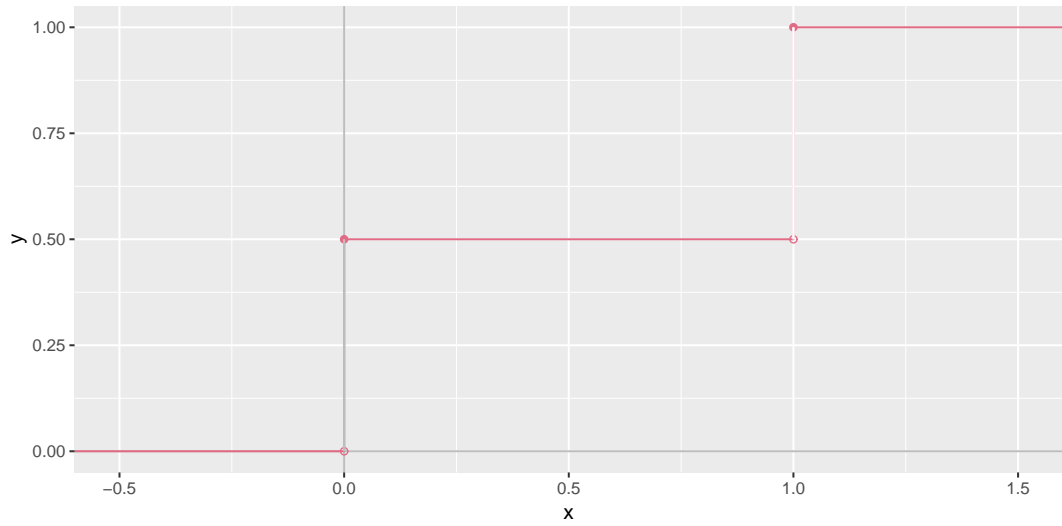
(d)

$$F(x) := \frac{e^x}{1 + e^x}$$

解答例

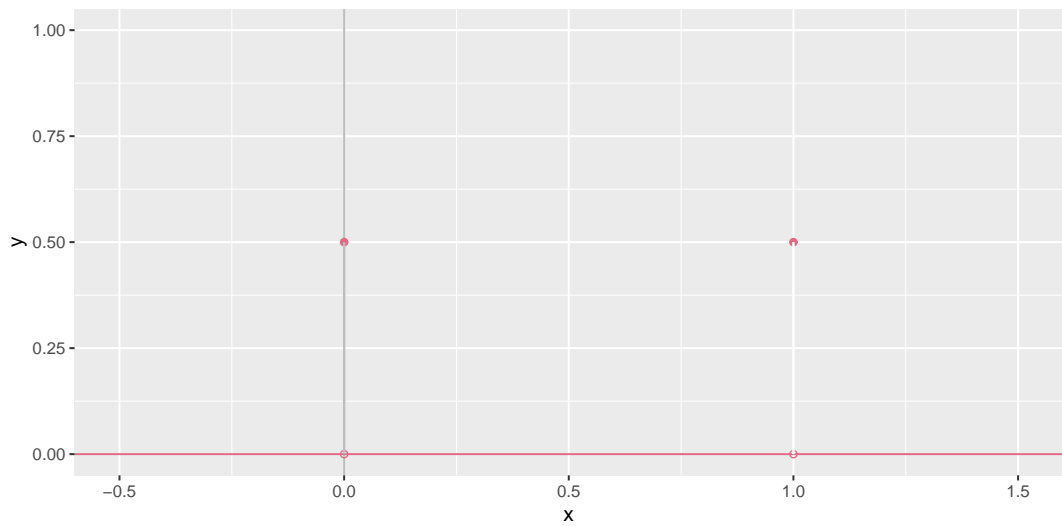
1. (a)

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1/2 & \text{for } 0 \leq x < 1 \\ 1 & \text{for } 1 \leq x \end{cases}$$



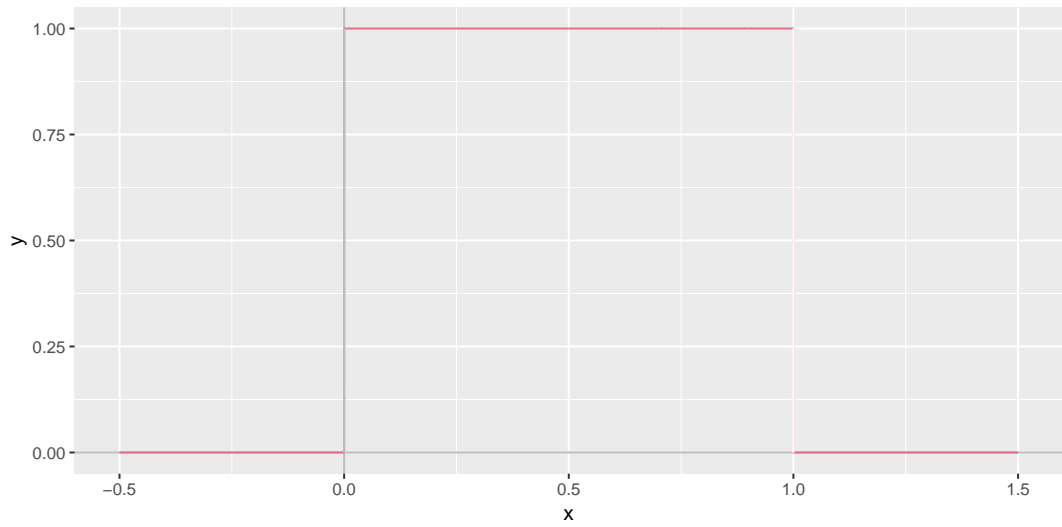
(b)

$$p_X(x) = \begin{cases} 1/2 & \text{for } x = 0, 1 \\ 0 & \text{elsewhere} \end{cases}$$



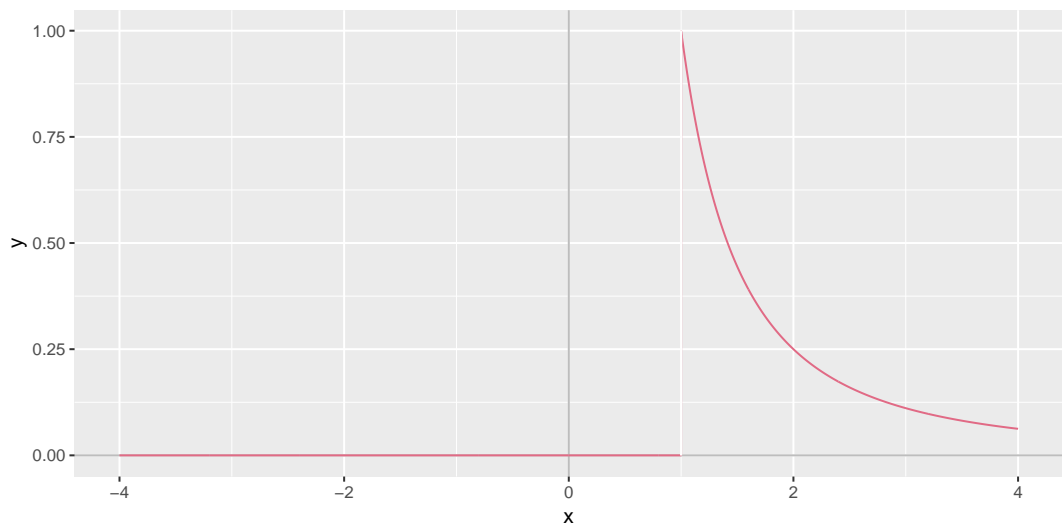
2. (a)

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1 & \text{for } 0 \leq x \leq 1 \\ 0 & \text{for } 1 < x \end{cases}$$



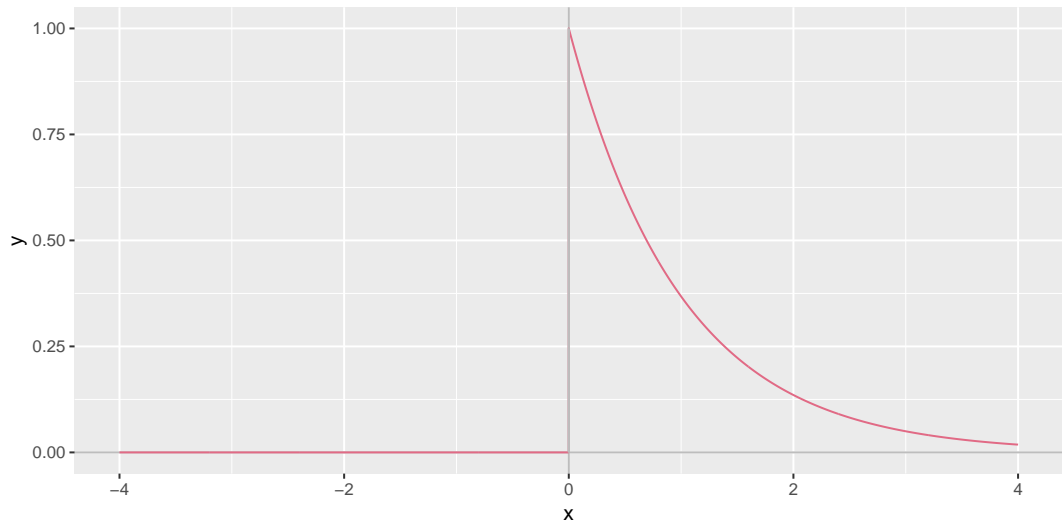
(b)

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 1 \\ 1/x^2 & \text{for } x \geq 1 \end{cases}$$



(c)

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ 1/e^x & \text{for } x \geq 0 \end{cases}$$



(d)

$$\begin{aligned} f(x) &= \frac{e^x}{(1 + e^x)^2} \\ &= \frac{1}{1 + e^x} \frac{e^x}{1 + e^x} \\ &= \frac{1}{1 + e^x} \frac{1}{e^{-x} + 1} \\ &= \frac{1}{(1 + e^x)(1 + e^{-x})} \end{aligned}$$

